

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F .

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



1) L'équation différentielle vérifiée par la position x est :

- A) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f-F}{m}$ B) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F-f}{m}$ C) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f+F}{m}$ D) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F}{m}$ E) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f}{m}$

2) La valeur de l'accélération est :

- A) 0 ms^{-2} B) $1,5 \text{ ms}^{-2}$ C) $2,5 \text{ ms}^{-2}$ D) $3,5 \text{ ms}^{-2}$ E) $4,5 \text{ ms}^{-2}$

3) La force F s'annule en A, et solide continuera son mouvement et s'arrête en B à $t_B = 2,5 \text{ s}$. on choisit $t_A = 0$ comme nouvelle origine des dates la nouvelle accélération vaut :

- A) -2 ms^{-2} B) 2 ms^{-2} C) 0 ms^{-2} D) $2,5 \text{ ms}^{-2}$ E) $-2,5 \text{ ms}^{-2}$

4) La nature de mouvement pendant cette phase est :

- A) Rectiligne uniformément ralenti B) Rectiligne uniformément accéléré
C) Rectiligne uniforme D) Autre

5) Les intensités des deux force f et F sont:

- A) $f=1,8 \text{ N}$ et $F= 0,8 \text{ N}$ B) $f= 2 \text{ N}$ et $F= 1 \text{ N}$ C) $f=0,8 \text{ N}$ et $F=1,8 \text{ N}$ D) $f=0 \text{ N}$ et $F=1,8 \text{ N}$ E) $f=1,8$ et $F=0 \text{ N}$

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

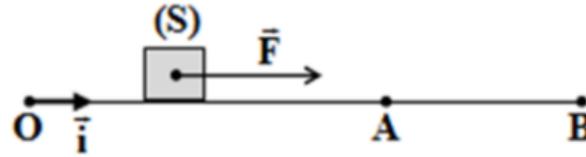
On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F.

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



1) L'équation différentielle vérifiée par la position x est :

A) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f-F}{m}$ B) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F-f}{m}$ C) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f+F}{m}$ D) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{F}{m}$ E) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{f}{m}$

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \Rightarrow \vec{F} + \vec{f} + \vec{R}_N + \vec{P} = m \vec{a}_G$$

$$a_n = \frac{dv_n}{dt} = \frac{d^2n}{dt^2}$$

$$\Rightarrow F - f = m a_G$$
$$\Rightarrow a_G = \frac{F-f}{m} \Rightarrow \frac{d^2n}{dt^2} = \frac{F-f}{m} \Downarrow$$

(Note: In the original image, a_G is circled in red and labeled a_n with an arrow.)

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

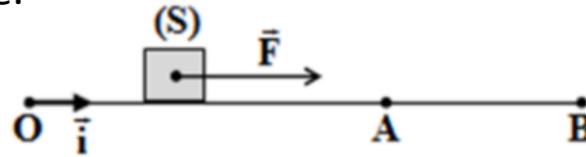
On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F.

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



2) La valeur de l'accélération est :

A) 0 ms^{-2}

B) $1,5 \text{ ms}^{-2}$

C) $2,5 \text{ ms}^{-2}$

D) $3,5 \text{ ms}^{-2}$

E) $4,5 \text{ ms}^{-2}$

$$\begin{aligned} \text{Mvt rectiligne uniformément varié} \Rightarrow a_G = a_u &= \frac{V_A - V_0}{t_A - t_0} \\ &= \frac{5}{2} \\ &= 2,5 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

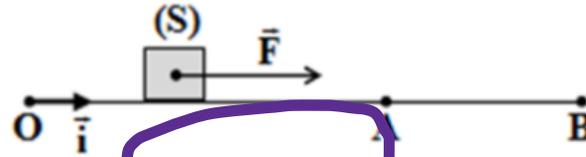
On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F.

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



3) La force F s'annule en A, et solide continuera son mouvement et s'arrête en B à $t_B = 2,5 \text{ s}$. on choisit $t_A = 0$ comme nouvelle origine des dates la nouvelle accélération vaut :

A) -2 ms^{-2}

B) 2 ms^{-2}

C) 0 ms^{-2}

D) $2,5 \text{ ms}^{-2}$

E) $-2,5 \text{ ms}^{-2}$

$\Rightarrow V_B = 0$

$$a_x = \frac{V_B - V_A}{t_B - t_A} = \frac{0 - 5}{2,5 - 0} = -2 \text{ m/s}^2$$

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F .

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



4) La nature de mouvement pendant cette phase est :

- A) Rectiligne uniformément ralenti
- B) Rectiligne uniformément accéléré
- C) Rectiligne uniforme
- D) Autre

$$a_2 = -2 \text{ m/s} \Rightarrow \text{Mouvement rectiligne uniformément ralenti}$$

Exercice 1 :

Un solide (s) de centre d'inertie G et de masse $m = 0,4 \text{ kg}$ glisse avec frottement sur un plan Horizontal OAB .

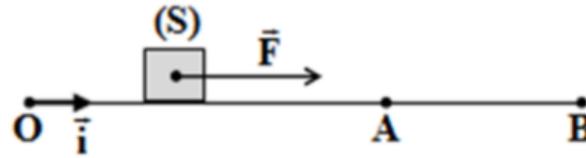
On modélise les frottements par une force

f constante de direction parallèle à la trajectoire et de sens contraire à celui du mouvement.

Entre O et A le solide est soumis à une force motrice d'intensité F .

À $t=0$ on lance le solide depuis le point O sans vitesse initiale.

Le solide (S) passe par A avec $V_A = 5 \text{ m.s}^{-1}$ à l'instant $t_A = 2 \text{ s}$.



5) Les intensités des deux force f et F sont:

- A) $f=1,8 \text{ N}$ et $F= 0,8 \text{ N}$ B) $f= 2 \text{ N}$ et $F= 1 \text{ N}$ C) $f=0,8 \text{ N}$ et $F=1,8 \text{ N}$ D) $f=0 \text{ N}$ et $F=1,8 \text{ N}$ E) $f=1,8$ et $F=0 \text{ N}$

$$a_2 = -\frac{f}{m}$$

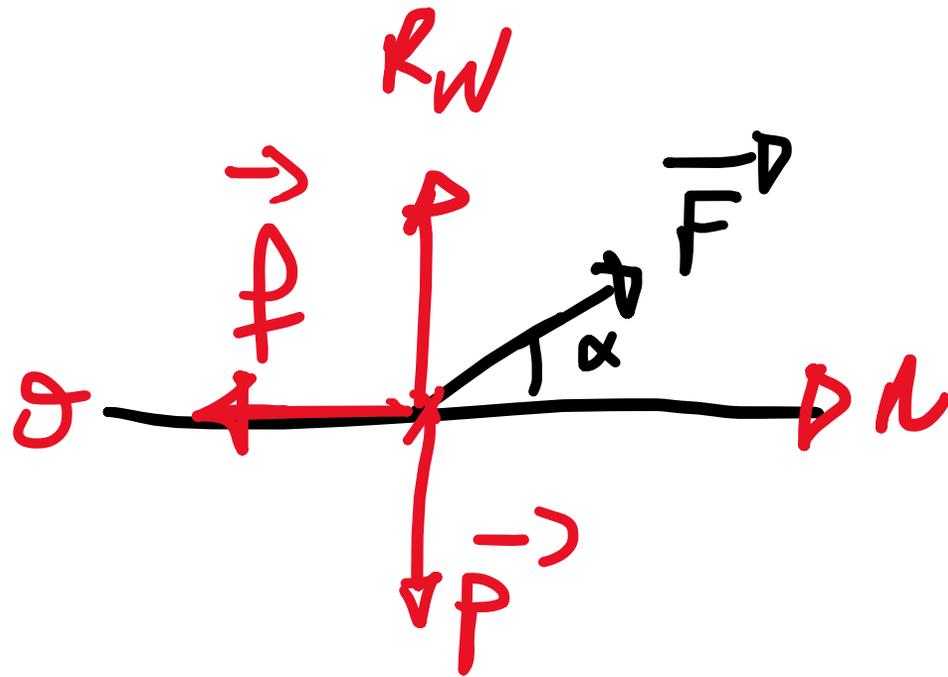
$$\Rightarrow f = -m \times a_2 \\ = -0,4 \times (-2)$$

$$\Rightarrow f = 0,8 \text{ N}$$

$$a_1 = \frac{F - f}{m}$$

$$\Rightarrow F = m \times a_1 + f \\ = 0,4 \times 2,5 + 0,8$$

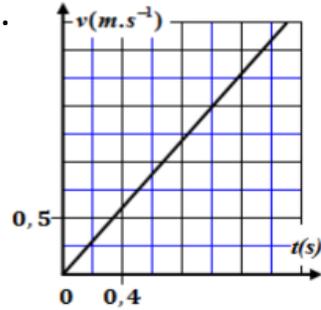
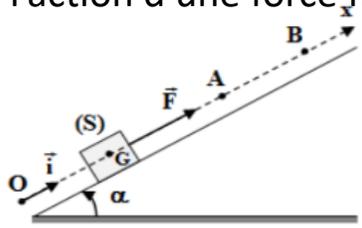
$$\Rightarrow F = 1,8 \text{ N}$$



$$a_G = \frac{F_x \cos(\alpha) - f}{m}$$

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $V_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

1) L'expression de l'accélération est :

- A) $a_G = \frac{-F}{m}$ B) $a_G = F \times m$ C) $a_G = \frac{F}{m} - g \times \sin(\alpha)$ D) $a_G = \frac{F}{m}$ E) $a_G = \frac{F}{m} - g \times \sin(\alpha)$

2) La valeur de l'accélération et l'intensité F sont :

- A) $a_G=2,5 \text{ ms}^{-2}$ B) $a_G=-2,5 \text{ ms}^{-2}$ C) $a_G=1,5 \text{ ms}^{-2}$ D) $a_G=-1,5 \text{ ms}^{-2}$ E) $a_G=0 \text{ ms}^{-2}$

3) à partir de A le solide n'est plus soumis à la force F et s'arrête en B à $t_B=1 \text{ s}$, on choisit A comme nouvelle origine des dates. la nature de mouvement est :

- A) Rectiligne uniformément accéléré B) Rectiligne uniformément ralenti
C) Rectiligne uniforme D) Autre

4) L'intensité R de la réaction du plan incliné vaut :

- A) 2 N B) 1,5 N C) 0,75 N D) 0,5 N E) 0,86 N

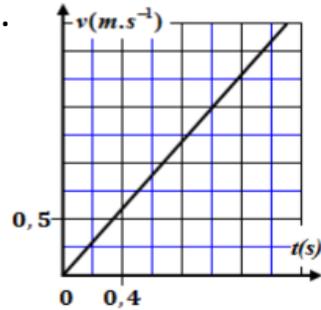
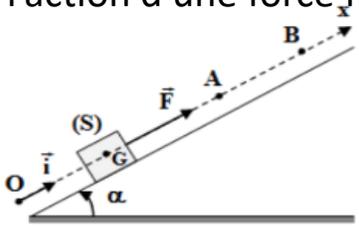
5) la distance AB est :

- A) AB = 2,4 m B) AB = 1,57 m C) AB = 1,25 m D) AB = 0,574 m E) 0,84 m

$a = 1,5 \text{ m.s}^{-2}$
$F = 0,65 \text{ N}$
Raisonnement
Méthode ; AB = 0,576 m

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $V_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

1) L'expression de l'accélération est :

- A) $a_G = \frac{-F}{m}$ B) $a_G = F \times m$ C) $a_G = \frac{F}{m} - g \times \sin(\alpha)$ D) $a_G = \frac{F}{m}$ E) $a_G = \frac{F}{m} - g \times \sin(\alpha)$

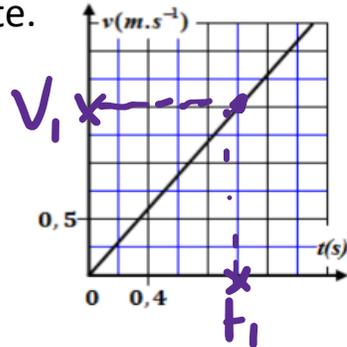
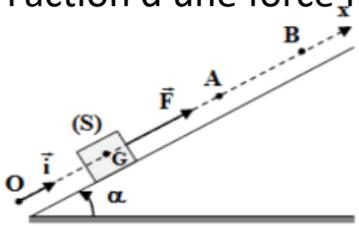
$$\sum \vec{F}_{ef} = m \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{F} + \vec{R}_N = m \vec{a}_G$$

$$-m g \sin(\alpha) + F = m a_G$$

$$\Rightarrow a_G = \frac{F}{m} - g \sin(\alpha)$$

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G à $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $v_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

	30°	45°	60°
$\cos(\alpha)$	0,86	0,7	0,5
$\sin(\alpha)$	0,5	0,7	0,86

2) La valeur de l'accélération et l'intensité F sont :

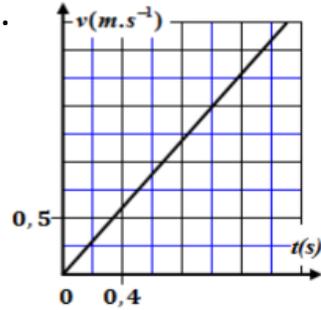
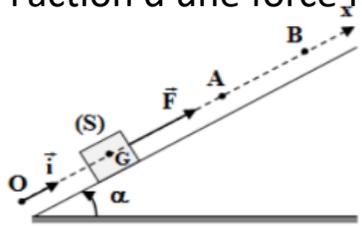
- A) $a_G=2,5 \text{ ms}^{-2}$ B) $a_G=-2,5 \text{ ms}^{-2}$ C) $a_G=1,5 \text{ ms}^{-2}$ D) $a_G=-1,5 \text{ ms}^{-2}$ E) $a_G=0 \text{ ms}^{-2}$

$$a_G = \frac{v_1}{t_1} = \frac{1,5}{1} = 1,5 \text{ m/s}^2$$

$$\begin{aligned}
 a_G &= \frac{F}{m} - g \sin(\alpha) \\
 \Rightarrow F &= m(a_G + g \sin(\alpha)) \\
 &= 0,1 (1,5 + 10 \times 0,5) \\
 F &= 0,65 \text{ N}
 \end{aligned}$$

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $V_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

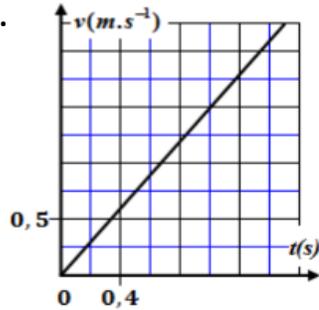
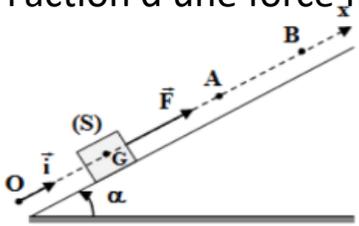
3) à partir de A le solide n'est plus soumis à la force F et s'arrête en B à $t_B=1 \text{ s}$, on choisit A comme nouvelle origine des dates ET .la nature de mouvement est :

- A) Rectiligne uniformément accéléré B) Rectiligne uniformément ralenti
C) Rectiligne uniforme D) Autre

$$a_2 = \frac{V_B - V_A}{t_B - t_A} \Rightarrow a_2 = \frac{0 - 2,4}{1 - 0} = -2,4 \text{ m/s}^2 < 0 \Rightarrow \text{Mvt rectiligne uniformément ralenti}$$

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $v_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

4) L'intensité R de la réaction du plan incliné vaut :

- A) 2 N B) 1,5 N C) 0,75 N D) 0,5 N **E) 0,86 N**

	30°	45°	60°
$\cos(\alpha)$	0,86	0,7	0,5
$\sin(\alpha)$	0,5	0,7	0,86

$$R = \sqrt{R_N^2 + f^2} \quad (f=0 \text{ sans frottement})$$

$$= R_N$$

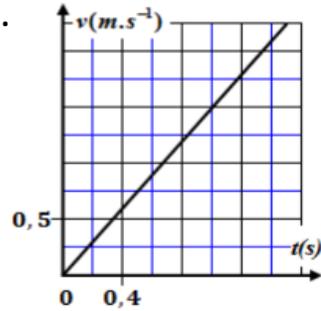
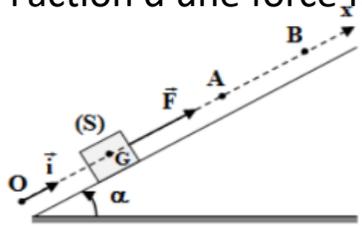
$$= mg \cos(\alpha)$$

$$= 0,1 \times 10 \times 0,86 = 0,86 \text{ N}$$

$$\rightarrow R_N = mg \cos(\alpha) \quad (\text{voir cours MVT incliné})$$

Exercice 2 :

Le solide (S) démarre sans vitesse initiale, à l'instant $t=0$ à partir de la position O sous l'action d'une force motrice F constante.



L'abscisse de G $t_0=0$ est $x_G=x_0=0$

Donnée $m=100g$, $g=10 \text{ m.s}^{-2}$, $\alpha=30^\circ$, $V_A=2,4 \text{ m.s}^{-1}$

5) la distance AB est :

- A) $AB = 2,4 \text{ m}$ B) $AB = 1,57 \text{ m}$ C) $AB = 1,25 \text{ m}$ D) $AB = 0,57 \text{ m}$ E) $0,84 \text{ m}$

Par définition:

$$AB = |v_B - v_A|$$

L'équation horaire $v(t)$

en A et B: $v(t) = a_2 t + v_A$

$$\Rightarrow v_B = a_2 t_B + v_A$$

$$\Rightarrow AB = |a_2 \times t_B|$$

$$= |-2,4 \times 1|$$

$$AB = 2,4 \text{ m}$$

Exercice 3 :

On lance verticalement une boule vers le haut avec une vitesse initiale V_0 , à un instant choisi comme origine des dates ($t=0$), une balle de masse m d'un point A situé à une hauteur $h = 1,2$ m du sol.

1) L'équation différentielle vérifiée par z est :

4) $\frac{d^2z}{dt^2} = -g$ B) $\frac{d^2z}{dt^2} = g$ C) $\frac{d^2z}{dt^2} = -gt$ D) $\frac{d^2z}{dt^2} = gt$ E) Autre

$$\sum \vec{F}_{at} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{P} = m \vec{a}_G$$

$$-P = m a_z \quad (a_G = a_z)$$

$$-mg = m a_z \Rightarrow a_z = -g$$

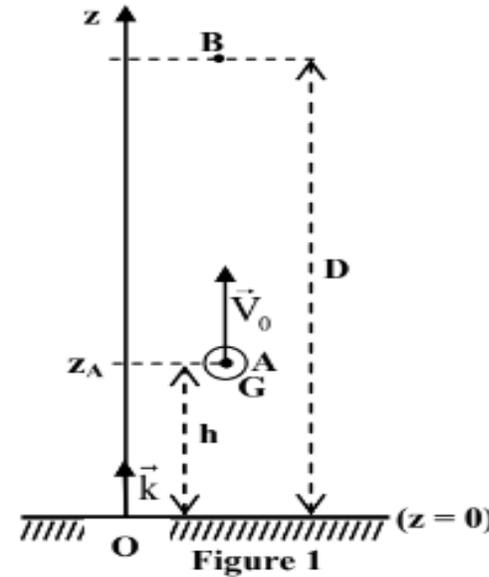
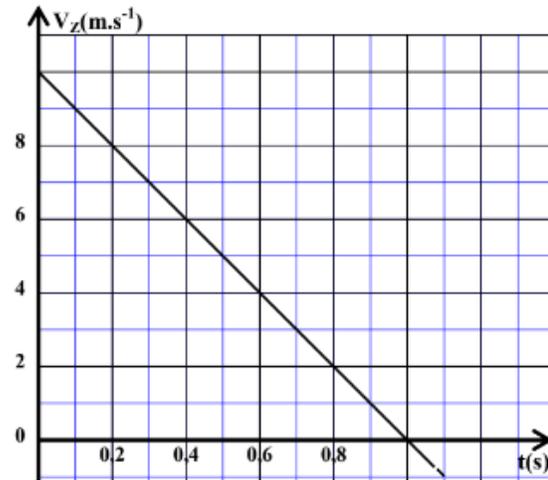


Figure 1

$$a_z = \frac{dV_z}{dt} = \frac{d^2z}{dt^2}$$



$$\Rightarrow \frac{d^2z}{dt^2} = -g$$

Exercice 3 :

On lance verticalement une boule vers le haut avec une vitesse initiale V_0 , à un instant choisi comme origine des dates ($t=0$), une balle de masse m d'un point A situé à une hauteur $h = 1,2$ m du sol.

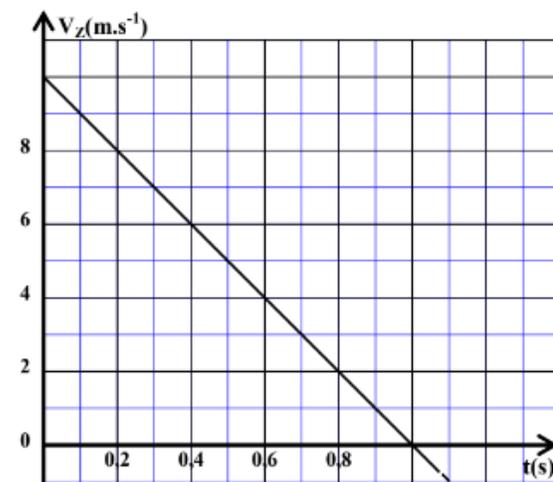
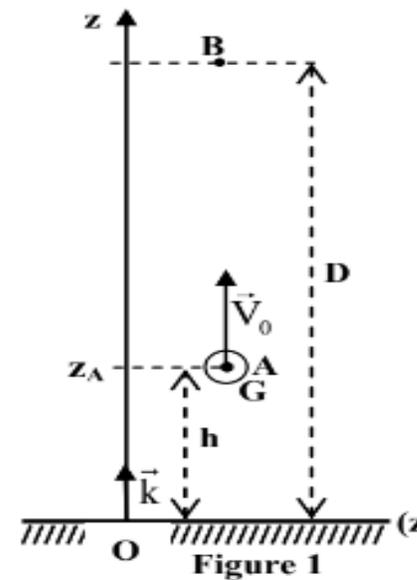
2) L'équation horaire du mouvement est :

- ✓ A) $z(t) = -\frac{g}{2}t^2 + V_0t + h$ B) $z(t) = -\frac{g}{2}t^2 + V_0t$ C) $z(t) = -\frac{g}{2}t^2 + h$
D) $z(t) = \frac{g}{2}t^2 + V_0t + h$ E) Autre

En générale:

$$z(t) = \frac{a_G}{2}t^2 + V_0t + z_0 \quad \begin{cases} a_G = -g \\ z_0 = h \end{cases}$$

$$z(t) = -\frac{g}{2}t^2 + V_0t + h$$



Exercice 3 :

On lance verticalement une boule vers le haut avec une vitesse initiale V_0 , à un instant choisi comme origine des dates ($t=0$), une balle de masse m d'un point A situé à une hauteur $h = 1,2$ m du sol.

3) La balle atteint le point B avec une vitesse $V_B = 3 \text{ m.s}^{-1}$.

La valeur de D est :

- A) 5,75 m B) 5 m C) 4,75m D) 3,5 m E) 3 m

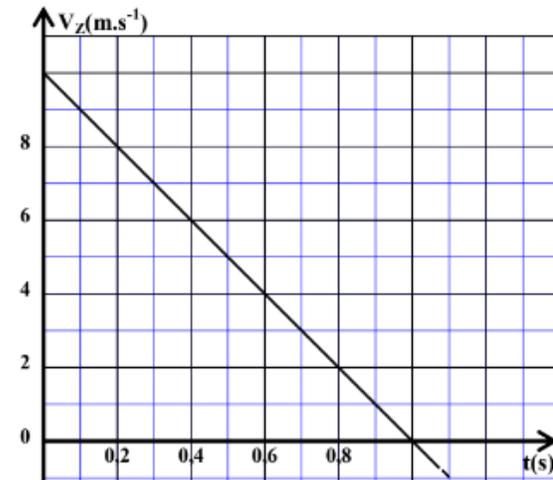
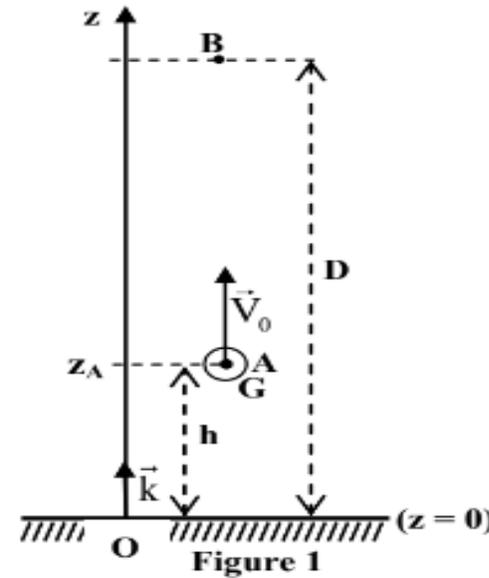
$$D = \overline{OB} = |z_B - z_0|$$

$$z_B = -\frac{g}{2} t_B^2 + V_0 t_B + h$$

$$t_B = ??$$

aa:

$$V_B = a_G \times t_B \Rightarrow t_B = \frac{V_B}{a_G} = \left| \frac{3}{-10} \right| = 0,3 \text{ s}$$



Exercice 3 :

On lance verticalement une boule vers le haut avec une vitesse initiale V_0 , à un instant choisi comme origine des dates ($t=0$), une balle de masse m d'un point A situé à une hauteur $h = 1,2$ m du sol.

3) La balle atteint le point B avec une vitesse $V_B = 3 \text{ m.s}^{-1}$.

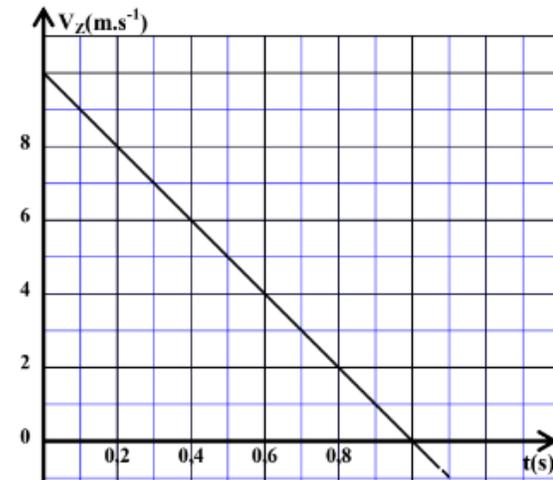
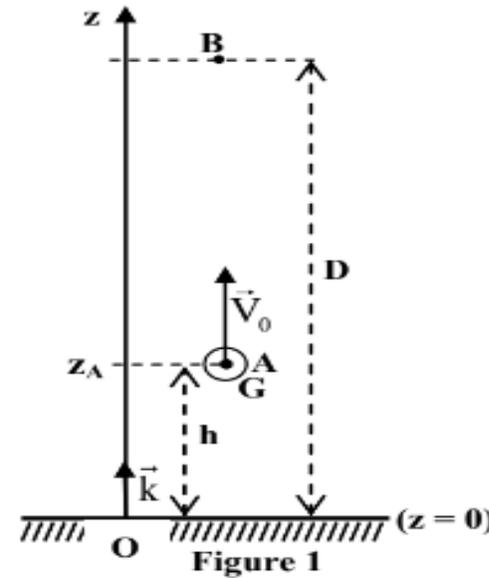
La valeur de D est :

- A) 5,75 m B) 5 m C) 4,75 m D) 3,5 m E) 3 m

$$D = AB = |z_B - z_0| = |z_B|$$

$$z_B = -\frac{g}{2} t_B^2 + V_0 t_B + h$$

$$\begin{aligned} D &= \left| -\frac{g}{2} t_B^2 + V_0 t_B + h \right| = \left| -5(0,3)^2 + 10 \times 0,3 + 1,2 \right| \\ &= \left| -0,45 + 4,2 \right| = 4,75 \text{ m} \end{aligned}$$



Exercice 3 :

On lance verticalement une boule vers le haut avec une vitesse initiale V_0 , à un instant choisi comme origine des dates ($t=0$), une balle de masse m d'un point A situé à une hauteur $h = 1,2$ m du sol.

4) La boule atteint la hauteur maximale à l'instant t qui vaut :

- A) 0,2 s B) 0,6 s C) 0,8 s **D) 1 s** E) 1,2 s

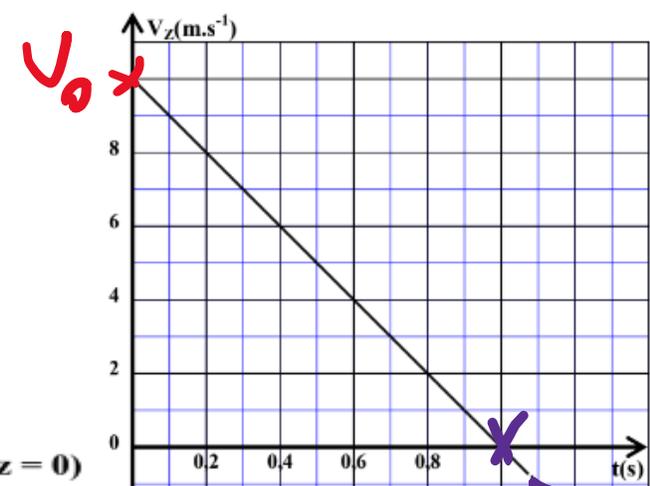
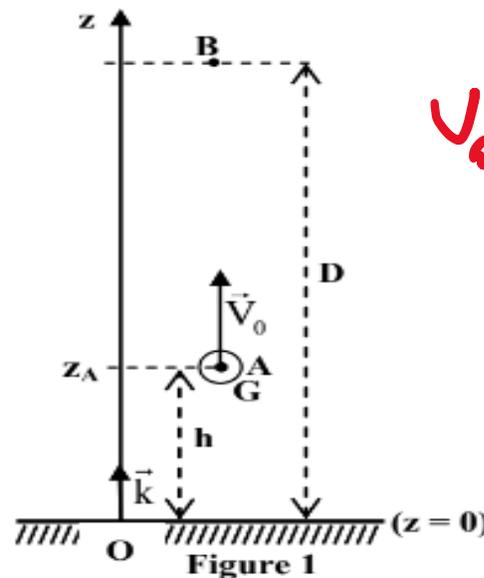
La boule atteint h_{\max} donc :

$$\text{donc } V_G = 0$$

méthode 1

$$V_G = -gt + V_0$$

$$0 = -gt + V_0 \Rightarrow t = \frac{V_0}{g} = \frac{10}{10} = 1 \text{ s}$$



méthode 2 : graphique
 V_0 s'annule à $t = 1 \text{ s}$

Exercice 4 :

À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

On donne : $D = 80 \text{ m} = 10 \text{ m.s}^{-2} \sqrt{4936} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5$; $\frac{800}{697} = 1,15$

1) La valeur de V_{0x} et l'expression de $V_y(t)$ sont :

- A) $V_{0x} = 70 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = -10t+6$ B) $V_{0x} = 70 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = 10t+6$
 C) $V_{0x} = 69,7 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = -10t+6$ D) $V_{0x} = 69,7 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = 10t+6$ E) Autre

2) La valeur de V_0 est :

- A) $V_0 = 90 \text{ m/s}$ B) $V_0 = 85 \text{ m/s}$ C) $V_0 = 80 \text{ m/s}$ D) $V_0 = 70 \text{ m/s}$ E) $V_0 = 65 \text{ m/s}$

3) La valeur de l'angle α est :

- A) $\alpha = 5^\circ$ B) $\alpha = 10^\circ$ C) $\alpha = 12^\circ$ D) $\alpha = 15^\circ$ E) $\alpha = 20^\circ$

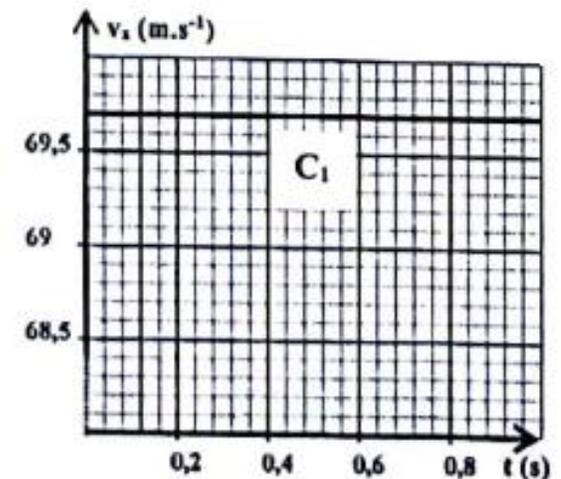
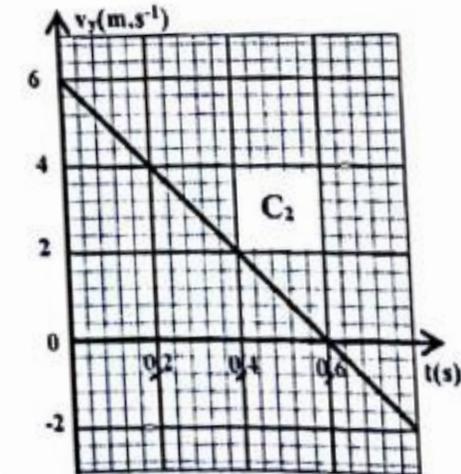
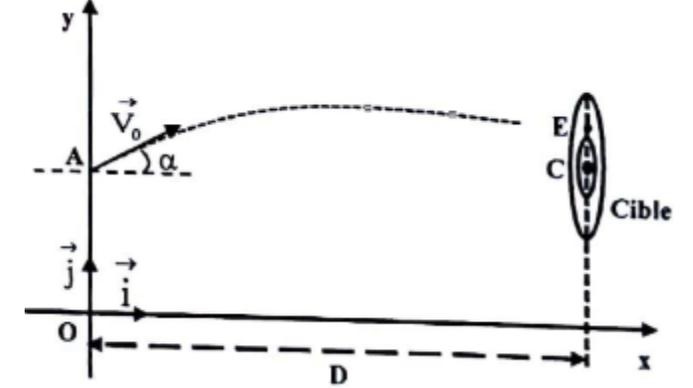
4) l'instant où le solide atteint le point sommet (S) est :

- A) $t = 1,2 \text{ s}$ B) $t = 1,15 \text{ s}$ C) $0,6 \text{ s}$ D) $0,4 \text{ s}$ E) $0,2 \text{ s}$

5) l'instant où le solide atteint le point E est :

- A) $t = 1,15 \text{ s}$ B) $t = 1,5 \text{ s}$ C) $1,15 \text{ s}$ D) 2 s E) $2,4 \text{ s}$

Cas 2: Projectile (voir cours)



Exercice 4 :

À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

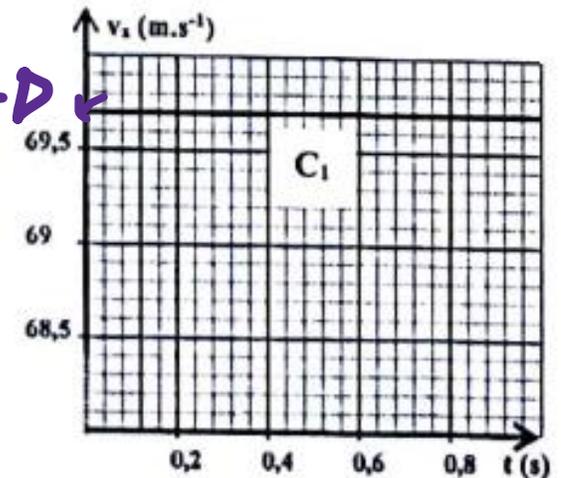
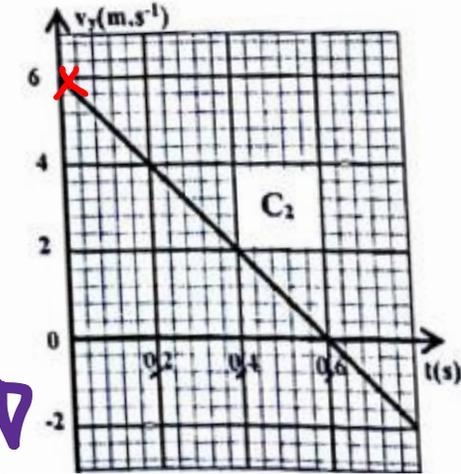
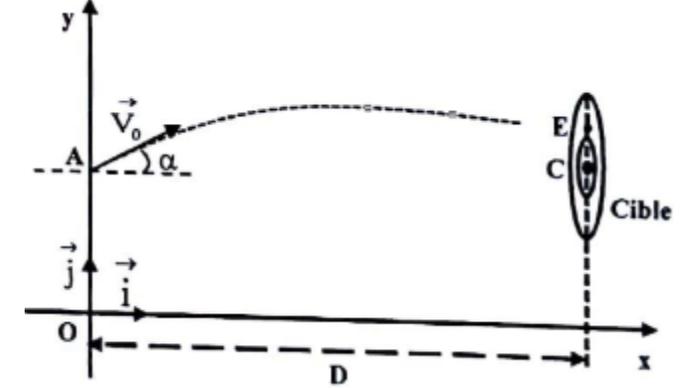
On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $\sqrt{4916} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5$; $\frac{800}{697} = 1,15$

1) La valeur de V_{0x} et l'expression de $V_y(t)$ sont :

- A) $V_{0x} = 70 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = -10t+6$
 B) $V_{0x} = 70 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = 10t+6$
 C) $V_{0x} = 69,7 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = -10t+6$
 D) $V_{0x} = 69,7 \text{ m.s}^{-1}$, $V_y(t) = 10t+6$
 E) Autre

$$V_u = V_{0u} = V_{0x} \cos(\alpha) = 69,7 \text{ m/s}$$

$$V_y(t) = -gt + V_{0y} = -10t + 6$$



Exercice 4 :

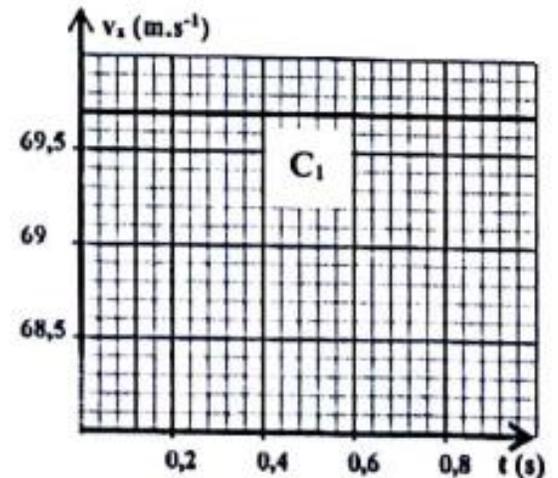
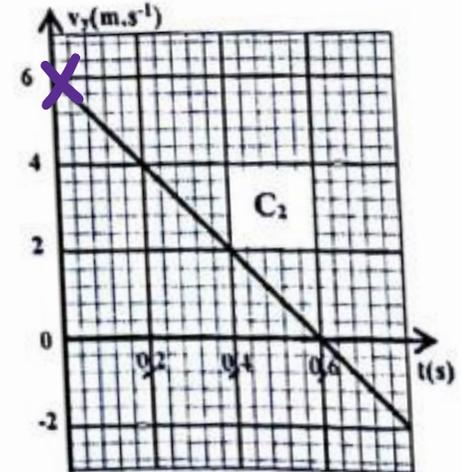
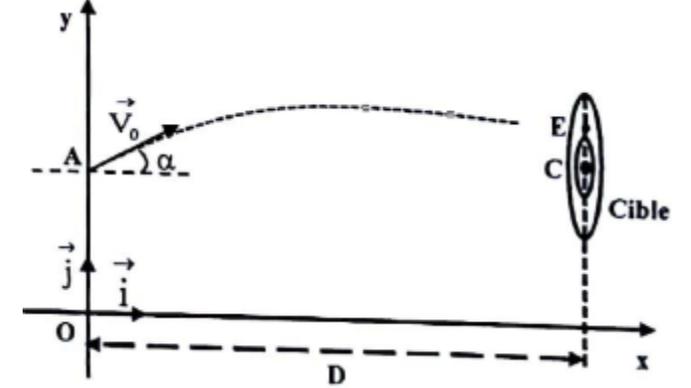
À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $\sqrt{4936} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5^\circ$; $\frac{800}{697} = 1,15$

2) La valeur de V_0 est :

- A) $V_0 = 90 \text{ m/s}$ B) $V_0 = 85 \text{ m/s}$ C) $V_0 = 80 \text{ m/s}$ D) $V_0 = 70 \text{ m/s}$ E) $V_0 = 65 \text{ m/s}$

$$\begin{aligned} V_0 &= \sqrt{V_{0x}^2 + V_{0y}^2} \\ &= \sqrt{(69,7)^2 + (6)^2} \\ &= \sqrt{4900 + 36} \\ &= \sqrt{4936} = 70 \text{ m/s} \end{aligned}$$



Exercice 4 :

À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $\sqrt{4916} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5$; $\frac{800}{697} = 1,15$

3) La valeur de l'angle α est :

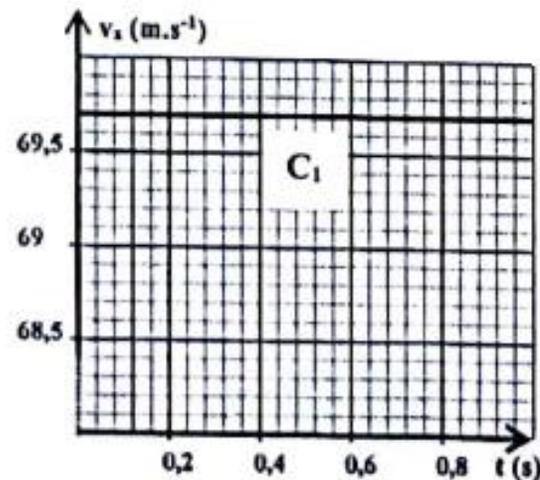
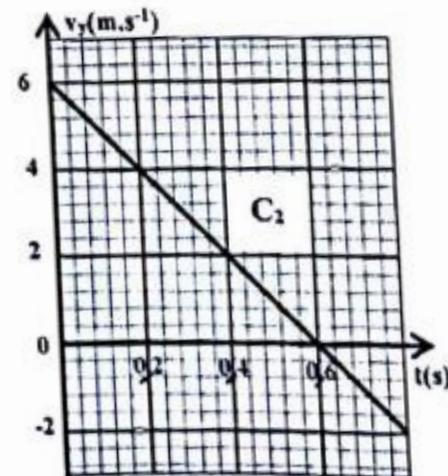
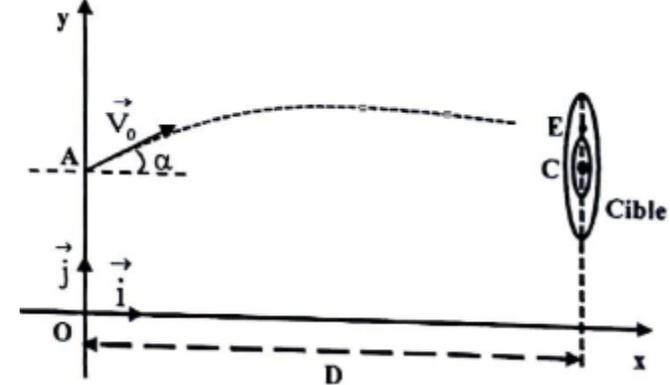
- A) $\alpha=5^\circ$ B) $\alpha=10^\circ$ C) $\alpha=12^\circ$ D) $\alpha=15^\circ$ E) $\alpha=20^\circ$

$$V_{0x} = V_0 \cos(\alpha) \text{ et } V_{0y} = V_0 \sin(\alpha)$$

$$\sin(\alpha) = \frac{V_{0y}}{V_0} = \frac{6}{70}$$

$$\alpha = \sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5^\circ$$

$$\sin(\alpha) = u$$
$$\alpha = \sin^{-1}(u)$$



Exercice 4 :

À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $\sqrt{4916} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5$; $\frac{800}{697} = 1,15$

4) l'instant où le solide atteint le point sommet (S) est :

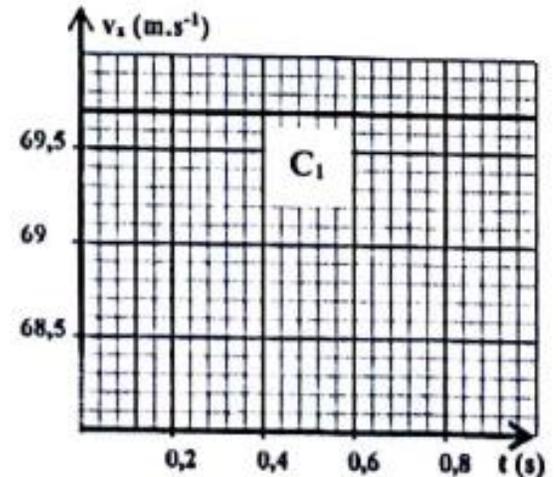
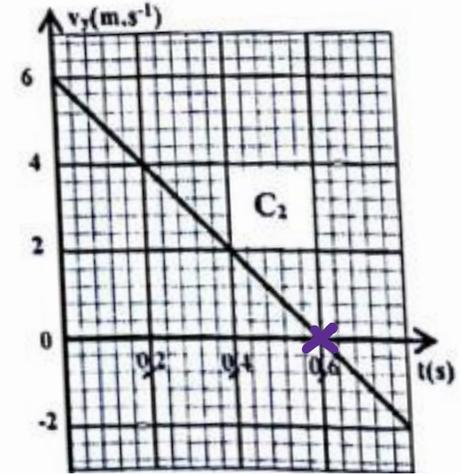
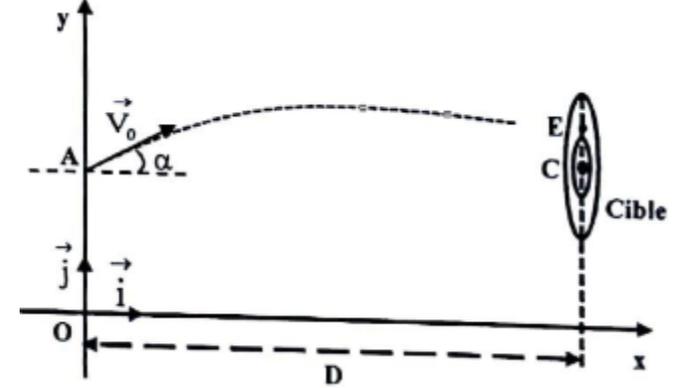
- A) $t = 1,2 \text{ s}$ B) $t = 1,15 \text{ s}$ C) $0,6 \text{ s}$ D) $0,4 \text{ s}$ E) $0,2 \text{ s}$

le solide atteint le Sommet donc

$$V_y = 0$$

d'après la courbe $V_y = a$ à $t = 0,6 \text{ s}$

—



Exercice 4 :

À $t=0$ On lance un solide depuis le point A.

On donne : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $\sqrt{4916} = 70$; $(69,7)^2 = 4900$; $\sin^{-1}\left(\frac{6}{70}\right) = 5$; $\frac{800}{697} = 1,15$

$$D = 80 \text{ m}$$

5) l'instant où le solide atteint le point E est :

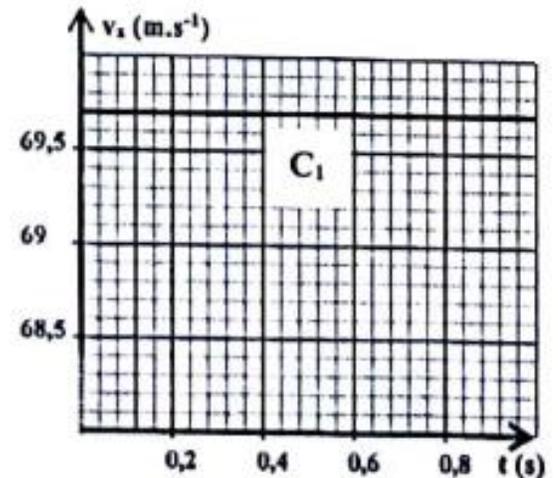
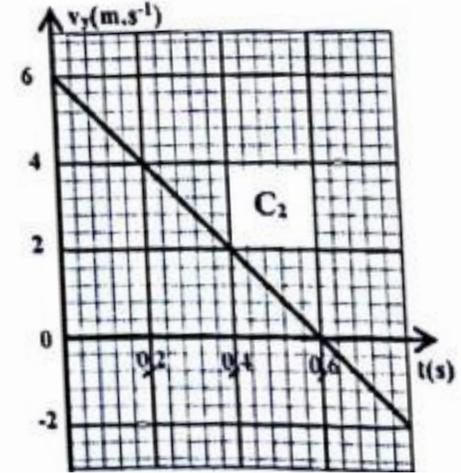
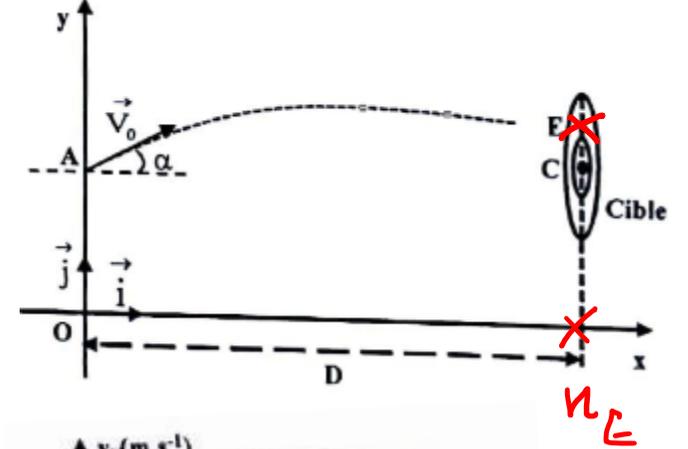
- ✓ A) $t = 1,15 \text{ s}$ B) $t = 1,5 \text{ s}$ C) $1,75 \text{ s}$ D) 2 s E) $2,4 \text{ s}$

le solide atteint E \Rightarrow $x_E = D$

et on a : $x(t) = v_0 \cos(\alpha) \times t$

$$\Rightarrow t_E = \frac{x_E}{v_0 \cos(\alpha)} = \frac{80}{69,7} = \frac{800}{697}$$

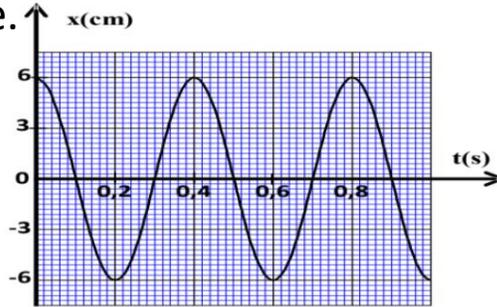
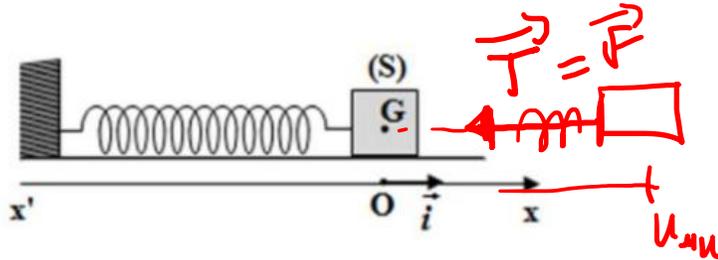
$$\Rightarrow t_E = 1,15 \text{ s}$$



Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



$$\vec{T} = -kx \vec{i}$$
$$T = kx$$

1) Les valeurs de X_m et ϕ sont :

- A) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=\frac{\pi}{2}$ B) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=-\frac{\pi}{2}$ C) $X_m=3 \text{ cm}$ et $\phi=0$
D) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=0$ E) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=\frac{\pi}{2}$

2) La masse m vaut :

- A) $m= 150 \text{ g}$ B) $m= 100 \text{ g}$ C) $m =90 \text{ g}$ D) $m= 80 \text{ g}$ E) $m = 70 \text{ g}$

3) L'énergie mécanique de l'oscillateur est:

- A) $E_m= 0,036 \text{ j}$ B) $E_m= 0,036 \text{ mj}$ C) $E_m= 0,0018 \text{ j}$ D) $E_m=3,6 \text{ mj}$ E) $E_m=18 \text{ mj}$

4) L'énergie cinétique à l'instant $t=0,3$ est :

- A) $E_c = 0,0018 \text{ j}$ B) $E_c= 3,6 \text{ mj}$ C) $E_c= 0,036 \text{ j}$ D) $E_c= 0 \text{ j}$ E) $E_c = 0,036 \text{ mj}$

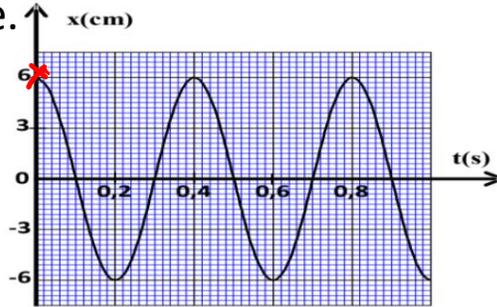
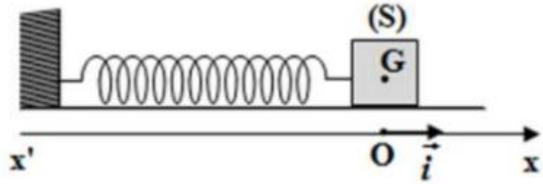
5) Le travail de la force de rappel ente $X_A=0$ et $X_B=X_m/2$ est $- 9 \text{ mj}$:

- A) 9 mj B) 0 C) -9 mj D) $1,8 \text{ mj}$ E) $- 1,8 \text{ mj}$

Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



$$u(t) = u_{\max} \times \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$$

1) Les valeurs de X_m et ϕ sont :

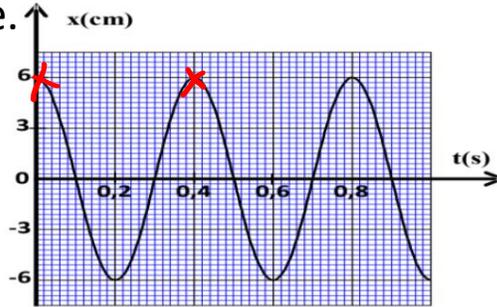
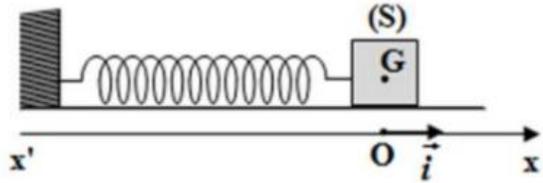
- A) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=\frac{\pi}{2}$ B) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=-\frac{\pi}{2}$ C) $X_m=3 \text{ cm}$ et $\phi=0$
D) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=0$ E) $X_m=6\text{cm}$ et $\phi=\frac{\pi}{2}$

$$u_{\max} = u(t=0) \Rightarrow \begin{cases} u_{\max} = 6\text{cm} \\ \varphi = 0 \end{cases}$$

Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



$$\pi^2 = 10$$

2) La masse m vaut :

- A) $m = 150 \text{ g}$ B) $m = 100 \text{ g}$ C) $m = 90 \text{ g}$ D) $m = 80 \text{ g}$ E) $m = 70 \text{ g}$

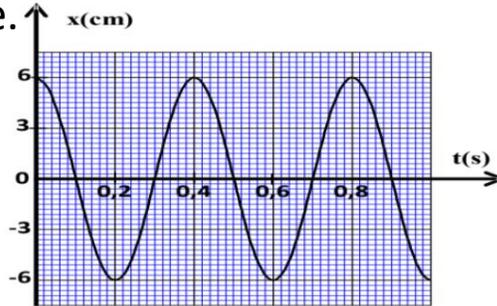
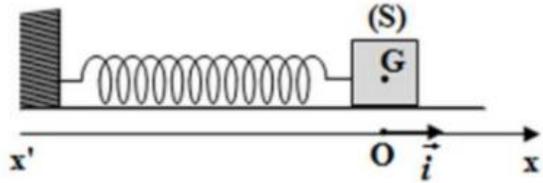
$$\text{On a: } T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \Rightarrow m = \left(\frac{T_0}{2\pi}\right)^2 \times K$$

$$= \frac{0,16}{4 \times 10} \times 20 = 0,08 \text{ Kg}$$
$$= 80 \text{ g}$$

Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



3) L'énergie mécanique de l'oscillateur est:

- A) $E_m = 0,036 \text{ J}$ B) $E_m = 0,036 \text{ mJ}$ C) $E_m = 0,0018 \text{ J}$ D) $E_m = 3,6 \text{ mJ}$ E) $E_m = 18 \text{ mJ}$

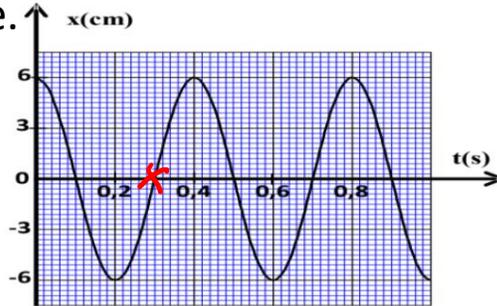
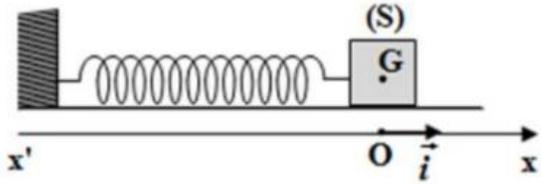
$$E_m = E_c + E_{pe} = \frac{1}{2} m (\dot{x})^2 + \frac{1}{2} K (x)^2$$

$$\text{Lorsque } x = x_{\text{max}} \Rightarrow E_m = E_{pe_{\text{max}}} = \frac{1}{2} K (x_{\text{max}})^2 \\ = 10 \times (6 \times 10^{-2})^2 = 0,036 \text{ J}$$

Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



4) L'énergie cinétique à l'instant $t=0,3$ est :

- A) $E_c = 0,0018 \text{ J}$ B) $E_c = 3,6 \text{ mJ}$ C) $E_c = 0,036 \text{ J}$ D) $E_c = 0 \text{ J}$ E) $E_c = 0,036 \text{ mJ}$

d'après la courbe à $t=0,3 \text{ s} \Rightarrow v=0 \Rightarrow E_{pe}=0$

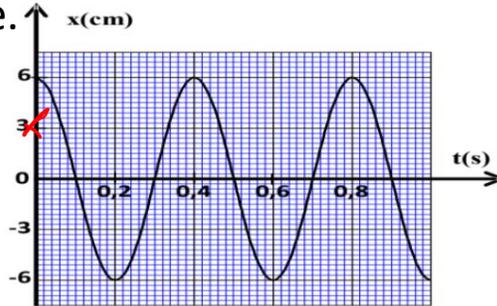
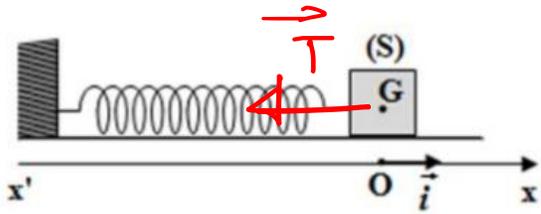
Ans:

$$E_c = E_m = 0,036 \text{ J}$$

Exercice 5 :

On fixe le solide (S) précédent de masse m à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur $K=20 \text{ N/m}$.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



5) Le travail de la force de rappel entre $X_A=0$ et $X_B=X_m/2$ est -9 mJ :

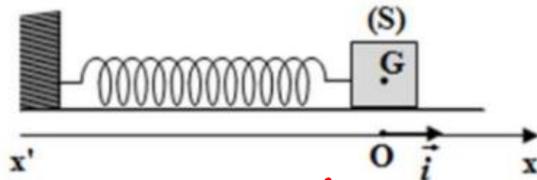
- A) 9 mJ B) 0 C) -9 mJ D) $1,8 \text{ mJ}$ E) $-1,8 \text{ mJ}$

$$\begin{aligned} W_{A \rightarrow B}(\vec{T}) &= \frac{1}{2} K (x_A^2 - x_B^2) \\ &= 10 (0^2 - (3 \times 10^{-2})^2) = -9 \times 10^{-3} \text{ J} \\ &= -9 \text{ mJ} \end{aligned}$$

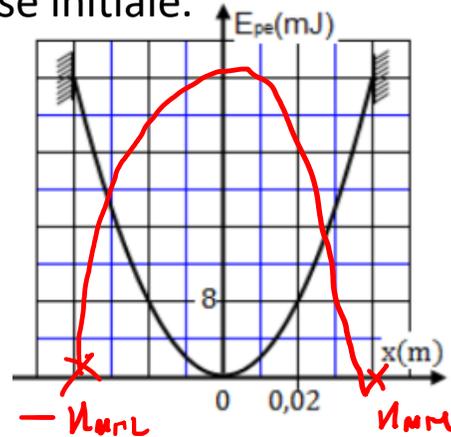
Exercice 6 :

On fixe le solide (S) précédent de masse $m = 100 \text{ g}$ à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur k .

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



Mvt rectiligne oscillatoire



$$E_{pe} = \frac{1}{2} k x^2$$

$$E_c = \frac{1}{2} m \dot{x}^2$$

$$\dot{x} = \frac{dx}{dt} = V$$

Le solide S effectue 10 oscillations pendant une durée $\Delta t = 3,14 \text{ s}$.

1) La valeur de K est :

- A) $K = 12,5 \text{ N/m}$ B) $K = 20 \text{ N/m}$ C) $K = 30 \text{ N/m}$ D) $K = 40 \text{ N/m}$ E) $K = 50 \text{ N/m}$

2) La valeur de E_m est :

- A) $3,2 \text{ mj}$ B) 32 mj C) 16 mj D) $1,6 \text{ mj}$ E) 8 mj

3) La valeur de E_c lorsque $X = X_m/2$ est :

- A) 0 mj B) 8 mj C) 16 mj D) 24 mj E) 32 mj

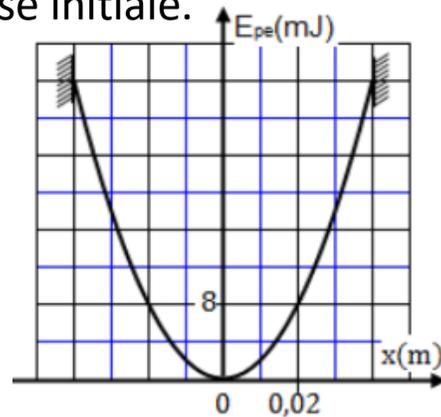
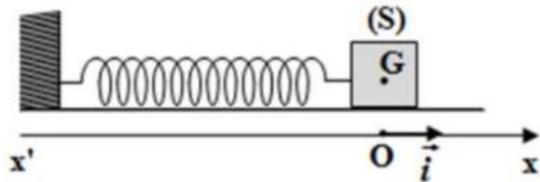
4) La vitesse maximale du (S) est :

- A) $0,8 \text{ m.s}^{-2}$ B) $0,6 \text{ m.s}^{-2}$ C) $0,4 \text{ m.s}^{-2}$ D) $0,3 \text{ m.s}^{-2}$ E) $0,2 \text{ m.s}^{-2}$

Exercice 6 :

On fixe le solide (S) précédent de masse $m = 100 \text{ g}$ à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur k .

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



Le solide S effectue 10 oscillations pendant une durée $\Delta t = 3,14 \text{ s}$. \rightarrow

$T_0 =$ durée d'une seule oscillation d'osc

1) La valeur de K est :

A) $K = 12,5 \text{ N/m}$ B) $K = 20 \text{ N/m}$ C) $K = 30 \text{ N/m}$ D) $K = 40 \text{ N/m}$ E) $K = 50 \text{ N/m}$

$$T_0 = \frac{3,14}{10} = 0,314 \text{ s}$$

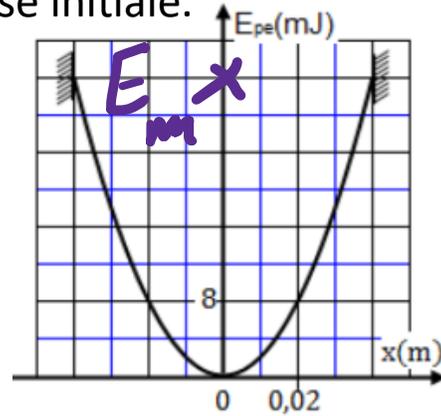
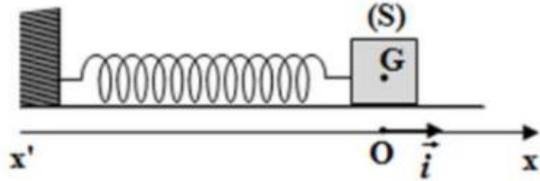
$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow k = \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \times m$$

$$= \frac{4 \times (3,14)^2}{0,314} \times 0,1 = 4 \times 3,24 \simeq 12,5 \text{ N/m}$$

Exercice 6 :

On fixe le solide (S) précédent de masse $m = 100 \text{ g}$ à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur k .

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



Le solide S effectue 10 oscillations pendant une durée $\Delta t = 3,14 \text{ s}$.

2) La valeur de E_m est :

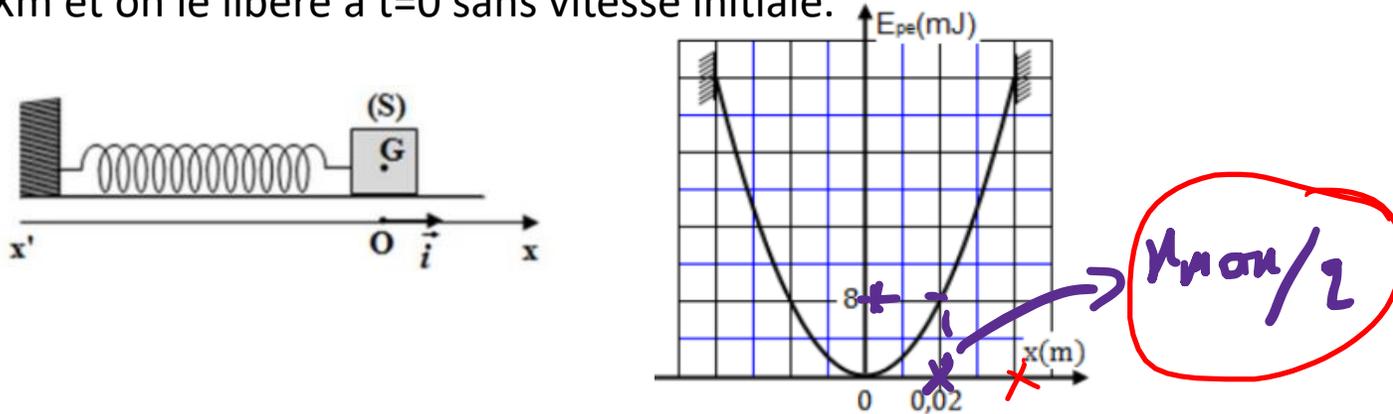
- A) 3,2 mJ B) 32 mJ C) 16 mJ D) 1,6 mJ E) 8 mJ

$$E_m = 32 \text{ mJ}$$

Exercice 6 :

On fixe le solide (S) précédent de masse $m = 100 \text{ g}$ à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur k .

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



Le solide S effectue 10 oscillations pendant une durée $\Delta t = 3,14 \text{ s}$.

3) La valeur de E_c lorsque $X = X_m/2$ est :

- A) 0 mj B) 8 mj C) 16 mj D) 24 mj E) 32 mj

$$\begin{aligned} E_c &= E_m - E_{pe} \\ &= 32 - 8 = 24 \text{ mj} \end{aligned}$$

$$E_m = E_{pe} + E_c$$

$$E_{pe} = E_m - E_c$$

$$E_c = E_m - E_{pe}$$

$$\frac{1}{2} m (\ddot{u})^2$$

$$\ddot{u} = \sqrt{\frac{2 E_c}{m}}$$

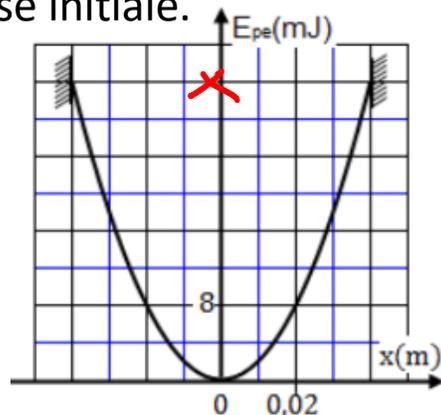
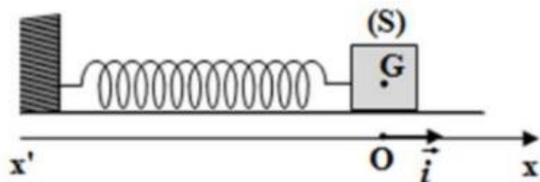
$$\frac{1}{2} k u^2$$

$$u = \sqrt{\frac{2 E_{pe}}{k}}$$

Exercice 6 :

On fixe le solide (S) précédent de masse $m = 100 \text{ g}$ à un ressort horizontal à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur k .

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre ($X=0$) d'une distance X_m et on le libère à $t=0$ sans vitesse initiale.



Le solide S effectue 10 oscillations pendant une durée $\Delta t = 3,14 \text{ s}$.

4) La vitesse maximale du (S) est :

- A) $0,8 \text{ m.s}^{-2}$ B) $0,6 \text{ m.s}^{-2}$ C) $0,4 \text{ m.s}^{-2}$ D) $0,3 \text{ m.s}^{-2}$ E) $0,2 \text{ m.s}^{-2}$

$$\dot{v}(t) = \left(\lambda_{\text{max}} \frac{2\pi}{T_0} \right) \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi + \frac{\pi}{2} \right)$$

$$E_{\text{cm}} = \frac{1}{2} m (\dot{v}_{\text{max}})^2$$

$$\begin{aligned} \dot{v}_{\text{max}} &= \sqrt{\frac{2 E_{\text{cm}}}{m}} \\ &= \sqrt{\frac{2 E_m}{m}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \dot{v}_{\text{max}} &= \left(\frac{2\pi}{T_0} \right) \times \lambda_{\text{max}} = \left(\frac{2 \times 3,14}{0,314} \right) \times 0,04 \\ &= 0,8 \text{ m/s} \end{aligned}$$